

**Přijímací zkouška
UČITELSTVÍ FYZIKY
magisterské studium
KFY FP TUL
2019**

Datum:

Přidělené číslo:

Počet získaných bodů:

Pište na orazítkované papíry, na každém uveďte své přidělené číslo. (Nepodepisujte se jménem.)

Maximální počet bodů celkem je 100. Celková doba na vypracování testu je 60 minut. Finální výsledky zřetelně vyznačte rámečkem, u kterého bude napsáno číslo a písmeno příslušné části úlohy - kupříkladu 2 a), ...

Ve výsledcích se nesmí objevit veličiny neobsažené v zadání.

- (1) Materiál je vystaven záření frekvence f . Uvolněné elektrony mají rychlost maximálně v .
- Jaká je výstupní práce W pro tento materiál?
 - Jakou maximální vlnovou délku $\tilde{\lambda}$ by mohly mít fotony které by stačily na uvolnění elektronů z daného materiálu?
 - Jestliže bychom použili lampu s fotony s vlnovou délkou $\tilde{\lambda}$ uvedenou v předešlé otázce, výkon lampy by byl P a svítila by po dobu τ , maximálně kolik ($N=?$) elektronů by se mohlo z materiálu uvolnit?
 - Jestliže bychom použili lampu s fotony s vlnovou délkou $2\tilde{\lambda}$, mohli bychom samotnou úpravou intenzity (resp. výkonu) této lampy dosáhnout stejného výsledku jako v předešlém případě?
- Hmotnost elektronu m_e , rychlost světla c a Planckovu konstantu h považujte za zadané. [30 bodů]

Řešení:

a)

$$hf = W + \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow W = hf - \frac{1}{2}mv^2$$

b)

$$h\frac{c}{\tilde{\lambda}} = W = hf - \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \tilde{\lambda} = \frac{hc}{hf - \frac{1}{2}mv^2}$$

c)

$$N = \frac{P\tau}{hf - \frac{1}{2}mv^2}$$

d) Jestliže vlnová délka použitého světla přesahuje hraniční hodnotu (závislou na výstupní práci pro daný materiál), což je tento případ, jenom zvýšením intenzity - počtu takových fotonů za daný čas neuvolníme z materiálu stejně nic.

- (2) Dvě částice s náboji q_1 a q_2 vletěly do homogenního magnetického pole o velikosti magnetické indukce B stejnou rychlostí \vec{v} . Jejich dráhy se vlivem pole zakřivily, poměr poloměrů křivosti trajektorie první a druhé částice je n . Najděte poměr jejich hmotností, $m_1 : m_2 = ?$ [20 bodů]

Řešení:

$$m_1 \frac{v^2}{r_1} = q_1 B v \sin\alpha$$

$$m_2 \frac{v^2}{r_2} = q_2 B v \sin\alpha$$

$$\frac{m_1}{m_2} = \frac{r_1 q_1}{r_2 q_2} = n \frac{q_1}{q_2}$$

- (3) Vzorek obsahuje prvek s poločasem rozpadu T . V čase t_0 byla rozpadová aktivita (počet rozpadů za jednotku času) A_0 , v čase t_1 byla k -krát nižší. Jak dlouhý čas uplynul? ($t_1 - t_0 = ?$)

Úlohu řešte nejdřív obecně a pak pro $T = 20$ let, $k = 16$ [30 bodů].

Řešení:

$$\begin{aligned}A(t) &= N(0)\lambda e^{-\lambda t}, \quad \lambda = \frac{\ln 2}{T} \\A(t_0) &= N(0)\lambda e^{-\lambda t_0} = A_0 \\A(t_1) &= N(0)\lambda e^{-\lambda t_1} = \frac{A_0}{k} = \frac{N(0)\lambda e^{-\lambda t_0}}{k} \\N(0)\lambda e^{-\lambda t_1} &= \frac{N(0)\lambda e^{-\lambda t_0}}{k} \\\ln k &= \frac{\ln 2}{T}(t_1 - t_0) \\T \frac{\ln k}{\ln 2} &= t_1 - t_0 \\20 \text{ let } \frac{\ln 16}{\ln 2} &= 80 \text{ let}\end{aligned}$$

(4) Těleso hmotnosti m_t je celé pod hladinou v kapalině hustoty ρ_k a klesá ke dnu rovnoměrně přímočaře. Velikost odporové síly je vůči velikosti gravitační síly poloviční. Jaká je průměrná hustota ρ_t tělesa? Úlohu řešte nejdřív obecně a pak pro $\rho_k = 1040 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-3}$, $m_t = 514,3 \text{ g}$. [20 bodů]

Řešení:

$$\begin{aligned}\vec{F}_g + \vec{F}_{odp} + \vec{F}_{vz} &= \vec{0} \\-m_t g + \frac{m_t g}{2} + \frac{m_t}{\rho_t} \rho_k g &= 0 \\\frac{\rho_k}{\rho_t} = \frac{1}{2} &\Rightarrow \rho_t = 2\rho_k = 2080 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-3}\end{aligned}$$